# 繊維強化複合材料の振動減衰性の予測

日大生産工(院) 〇鞍田 恭子 日大生産工 染宮 聖人 日大生産工 平山 紀夫

### 1. 緒言

繊維強化熱可塑性樹脂(以下,FRTP)は,軽 量で高強度・高剛性なだけではなく,優れた振 動減衰性を有しており,高機能な制振構造材料 として注目されている.FRTPを制振構造材料 として使用する際には,FRTP弾性の異方性の 弾性係数や減衰定数を算出する必要があるが, FRTPは設計変数が数多く定義できるため,設 計変数を変更する度に供試体を作製して材料 試験を実施することは現実的ではない.繊維強 化複合ゴム材料(以下,FRR)においては,母 材であるゴム材料の粘弾性特性から,FRRの複 素弾性係数と粘弾性特性を予測する試みが行 われている<sup>1)</sup>.

本研究では、線形粘弾性理論と複素弾性係数 により、FRTPの振動減衰性を予測することを 目的とする.本報告では、構成材料であるEガ ラスと熱可塑性樹脂の動的粘弾性試験(以下, DMA)をそれぞれ実施し、各粘弾性特性と複素 複合則から一方向ガラス繊維強化熱可塑性樹 脂(以下,UD-GFRTP)の減衰比を計算した.そ して、ハンマリング試験の減衰比と比較し、予 測精度について明らかにした.

#### 2. DMAとハンマリング試験

**UD-GFRTP**の複素弾性係数を計算するため に,構成材料であるEガラスと熱可塑性エポキ シ樹脂のそれぞれにDMAを実施した.DMAは JIS K 7244に準拠し,両持ち曲げモードで測定 した<sup>2)</sup>.雰囲気温度25℃(室温),1Hzでの測定結 果をTable1に示す.

振動減衰性の評価には、ハンマリング試験を 採用した.JISG0602に準拠し、片端固定で試 験片を保持し、ハンマにより打撃加振する.

**UD-GFRTP**の座標系および繊維座標系を Fig.1に示す.Fig.1の $\theta$ は繊維配向角であり,試 験片の長手方向から0°,10°,20°,90°に傾 けた試験片を用意し,試験を実施した.試験片 の寸法は250mm×25mm×4mmの短冊形とし, 試験片固定部から先端までを160mmとし,加速 度ピックアップを先端から10mmの位置に取り 付けた.加振点は固定部から30mmの位置とし て試験を5回行い,その平均を実験値とした. 試験片はトルクレンチを用いて一定値15Nmで 固定し,試験片に対して15Nの荷重を瞬間的に 与えた.

ハンマリング試験の計測にはFFTアナライ ザーソフト Spectra PLUS-DT(Pioneer Hill Software)を用い,減衰法により減衰比を割り出 した.梁の先端の加速度ピックアップより得ら れた波形のピークを読み取り,外乱が収まった とみなすところから,順番に $x_k$ を割り当てる. そして, Fig.2に示すように, $x_k/x_{k+1}$ をプロッ トし,回帰直線と横軸のなす角度 $\varphi$ を次式に代 入して減衰比 $\zeta$ を算出した.

$$\zeta = \frac{\ln(\tan\varphi)}{\sqrt{(2\pi)^2 + \left[\ln(\tan\varphi)\right]^2}} \qquad (1)$$

Table.1 Material properties.

	<i>E</i> ' [GPa]	ν	tanδ
Glass	75.0	0.24	0.0218
Thermoplastic resin	3.30	0.37	0.0769



Fig.1 Geometry of off-axis UD-GFRTP.



Fig.2 Attenuation method schematic.

Prediction of Vibration Damping in Fiber Reinforced Composites

Kyoko KURATA, Masato SOMEMIYA and Norio HIRAYAMA

## 3. UD-GFRTPの複素弾性係数

UD-GFRTPの繊維方向L,繊維直交方向Tの 複素弾性係数 $E^*$ と損失正接 $\tan \delta$ は次式から 求まる.

$$E_{L}^{*} = E_{f}^{*}V_{f} + E_{m}^{*}V_{m}$$
(2)

$$\tan \delta_{L} = \frac{E_{f}''V_{f} + E_{m}''(1 - V_{f})}{E_{f}'V_{f} + E_{m}'(1 - V_{f})}$$
(3)

$$E_{T}^{*} = \frac{1}{\left(\frac{V_{f}}{E_{f}^{*}} + \frac{\left(1 - V_{f}\right)}{E_{m}^{*}}\right)}$$
(4)

$$\tan \delta_{T} = \frac{|E_{m}^{*}|^{2} E_{f}^{'}V_{f} + |E_{f}^{*}|^{2} E_{m}^{'}V_{m}}{|E_{m}^{*}|^{2} E_{f}^{'}V_{f} + |E_{f}^{*}|^{2} E_{m}^{'}V_{m}}$$
(5)

ここで、E'は貯蔵弾性係数、E''は損失弾性係 数、 $V_f$ は繊維体積含有率である.また、下付 き文字の $f \ge m$ はガラス繊維とマトリックス 樹脂を示している.次に、面内せん断方向 *LT* の複素せん断係数 $G_{LT}^*$ と損失正接 tan  $\delta_{LT}$ 、複 素ポアソン比 $v_{LT}^*$ は次式から求まる.

$$G_{LT}^{*} = \frac{1}{\left(\frac{V_{f}}{G_{f}^{*}} + \frac{\left(1 - V_{f}\right)}{G_{m}^{*}}\right)}$$
(6)

$$\tan \delta_{LT} = \frac{|G_m^*|^2 G_f'' V_f + |G_f^*|^2 G_m'' (1 - V_f)}{|G_m^*|^2 G_f' V_f + |G_f^*|^2 G_m' (1 - V_f)}$$
(7)

$$v_{LT}^{*} = v_{f}^{*}V_{f} + v_{m}^{*}\left(1 - V_{f}\right)$$
(8)

ここで、G'は貯蔵せん断弾性係数、G''は損失 せん断弾性係数である、一方で、繊維配向角 $\theta$ だけ座標系を回転させたときのx-y座標系にお ける応力とひずみの関係は次式から求まる。

$$\begin{cases} \boldsymbol{\varepsilon}_{x}^{*} \\ \boldsymbol{\varepsilon}_{y}^{*} \\ \boldsymbol{\gamma}_{xy}^{*} \end{cases} = \begin{bmatrix} C_{11}^{*} & C_{12}^{*} & C_{16}^{*} \\ & C_{22}^{*} & C_{26}^{*} \\ sym. & & C_{66}^{*} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{\sigma}_{x}^{*} \\ \boldsymbol{\sigma}_{y}^{*} \\ \boldsymbol{\tau}_{xy}^{*} \end{bmatrix}$$
(9)

ここで、 $C^*$ はフォークト表記の複素コンプラ イアンスである.式(9)の $C_{11}^*$ は式(10)で与えら れ、複合材料の損失正接は式(11)で与えられる とする.

$$C_{11}^* = \frac{\cos^4 \theta}{E_L^*} + \cos^2 \theta \sin^2 \theta + \left(-\frac{v_{TL}^*}{E_T^*} - \frac{v_{LT}^*}{E_L^*} + \frac{1}{G_{LT}^*}\right) + \frac{\sin^4 \theta}{E_T^*}$$
(10)

$$\tan \delta = \frac{C_{11}}{C_{11}}$$
(11)

ここで、 $\ln(\tan \varphi) = \pi \tan \delta^{-3}$ を式(1)に代入し、損失正接は非常に小さな値なため、近似的に  $\tan \delta^2$  は無視できるとすると、減衰比は次式で与えられる.

$$\zeta \simeq \frac{\tan \delta}{2} \tag{12}$$

## 4. 減衰比の比較

複素複合則とハンマリング試験で得られた 各繊維配向角の減衰比を繊維配向角0°の減衰 比で除した値をFig.3に示す. Fig.3から分かる ように,複素複合則で計算した各繊維配向角に おける減衰比は,繊維配向角が傾くにつれて大 きくなり,また,ハンマリング試験の減衰比の 傾向と一致していることがわかる.



Fig.3 Attenuation ratio results.

# 5. 結言

本研究では,線形粘弾性理論と複素弾性係数 からUD-GFRTPの各繊維配向角における減衰 比を予測し,ハンマリング試験の減衰比と比較 した.その結果,繊維配向角によって変化する 減衰比の傾向を予測することができた.一方で, 複素複合則とハンマリング試験の減衰比の絶 対値には差異が確認された.これは,ハンマリ ング試験の試験条件や治具の振動特性が影響 していることが考えられる.

#### 参考文献

- 藤本邦彦,加部和幸,石上俊弥,日本複合 材料学会誌,Vol.12, No.4 (1986), pp.163-170.
- 山本晃司,石橋慶輝,染宮聖人,平山紀夫, 寺田賢二郎,日本機械学会論文集,Vol.85, No.874, pp.19-58.
- 今井丈夫, 色材協会誌, Vol.38, No.2 (1965), pp80-85.