OS-1

## Mechanical Enhancement of Hemp/PBS Biodegradable Composites by Nanoclay —Fabrication of PBS/Nanoclay Composites—

 $\bigcirc$  Jing LI<sup>1</sup> ) and Goichi Ben<sup>2)</sup>

High Technology Research Center, College of Industrial Technology, Nihon University
 College of Industrial Technology, Nihon University

## 1 Introduction

From the last decade of 20th century one of the rapidly growing areas for the use of plastics is packaging. Traditionally, these packaging materials from polyolefins, are made like polypropylene (PP), polyethylene (PE) and polystyrene (PS) [1] which are non-biodegradable, leading to serious ecological problems. Therefore, the development of biodegradable materials with controlled properties is demanded. Poly(butylene succinate) (PBS), being a biodegradable commercially available polymer, has attracted much attention recently years.

In the effort to increase the mechanical properties of biodegradable polymer, continuous natural fibers, such as kenaf, bamboo and hemp fibres, has been used as the reinforcement to prepare "green composites" <sup>[2,3]</sup>. However, continuous fibres increase only the fibre-dominanted properties of the composites, such as longitudinal tensile properties. The matrix-dominant properties, such as in-plane shear properties, longitudinal compressive strength, transverse tensile properties, remain almost same with the unreinforced polymer<sup>[4]</sup>. Thus, nanoclay and natural fibre reinforced hybid green composite is studied in this project to improve both fibre-dominant and

matrix-dominant mechanical properties.

Nanoclay is organically modified layered silicate, composed of stacked platelets with van der Waals force between the neighboring layers. The thickness of each layer is about 1 nm, diameter from 10 nm to several microns, and the interlayer space around 1 nm depending on the modification methods <sup>[5]</sup>. Due to its high aspect ratio and good physical and thermal properties, nanoclay has the potential for exceptional improvements in barrier. flammability resistance, thermal and mechanical properties for polymer composites at very low filler loading <sup>[6]</sup>. The reinforced properties depend largely on the dispersion degree of silicate platelets within polymer matrix, which in turn is a function the polymer-nanoclay of compatibility<sup>[7]</sup>.

In this paper, melt intercalation method was employed to produce the PBS/nanoclay composites. The dispersion degree of nanoclay in the PBS matrix was investigated by X-ray diffraction.

## 2 Experiments

## 2.1 Materials

Aliphatic polyester poly(butylene succinate) (PBS) was supplied by Showa HighPolymer Co. (Japan) under the trade name Bionolle (grade #1020). The

ナノクレイによるHEMP/PBS生物分解性複合材料の力学性能向上
 PBS/ナノクレイ複合材料の成形 –

## 李静, 邉 吾一

chemical structure is shown in Figure 1(a). The weight-average molecular weight is about  $1.4 \times 10^5$ . The glass transition temperature, crystallization temperature and melting temperature are -32 °C, 76 °C and 115 °C, respectively.

$$\begin{bmatrix} O-(CH_2)_4-O-C-(CH_2)_2-C \\ O & O \end{bmatrix}, \\ O & O \\ (a) \\ CH_2CH_2OH \\ CH_3 - N^* - T \\ I \\ CH_2CH_2OH \\ (b) \end{bmatrix}$$

Fig. 1 Chemical structures of (a) PBS and(b) organo-modifier used in Cloisite 30B.T is hydrogenated tallow.

Cloisite 30B, an organically modified montmorillonites, supplied by Southern Clay Products (USA), were used as the reinforcement. The chemical structure of the organ-modifier is presented in Figure 1(b). The average diameter is around 7 um and the interlayer space is 1.85 nm ( $d_{001} = 1.85$  nm), as released by the company.

## 2.2 Nanocomposite fabrication

Before processing, PBS pellets and nanoclay were kept in a ventilated oven at 70 °C for more than 12 h to eliminate the humidity. The nanoclay and PBS pellets were firstly dry-mixed by shaking them in a plastic bag manually. The mixture was then feed into a single screw extruder, which was operated at 150 °C and rotated at 20 rpm. The mixture yielded PBS/nanoclay composite strands after extrusion, which was quenched in a water bath at room temperature to quickly crystallize and make the nanocomposites strand brittle. The color of the strands turned to yellowish, compared PBS. to pure The nanocomposites strands were pelletized by

a scissor. Then the pellets was cleaned by DI water in an ultrasonic bath for 10 min, then filtered and washed by acetone. Finally, the pellets were dried at 70 °C for more than 12 h to remove water.

Dried PBS/nanoclay pellets were then converted into sheets with a thickness of 1.5 to 2 mm by a hot press. The mould feed with proper amount of nanocomposite pellets was heated at 170 °C with minimal compressive pressure for 15 min to melt the nanocomposites. Then a pressure of 5 MPa was applied for 1 min to release the bubbles. After cooling, the composite sheet was fabricated.

## 2.3 Characterization

The dispersion degree of nanoclay in PBS matrix was investigated by X-ray diffractometer (XRD, Rint 2000, Rigaku). XRD patterns were obtained using a Cu Ka radiation ( $\lambda = 0.154056$  nm) with a step size of 0.004° and at a scanning rate of 0.1°/min, working at 40 kV 20 mA. The scanning 2 $\theta$  is ranging from 2 to 10°. Every sample was scanned at different spots for 5 times to ensure that the data was averaged and the figures were representative.

## 3. Results and Discussions

To fabricate the PBS/nanoclay nanocomposite with good dispersion state, different times of extrusion were performed and the dispersion degree was observed by XRD. Figure 2 shows the results of 2 wt% PBS/nanoclay nanocomposites extruded for once, twice and three times, which is compared to the spectrum of as-received nanoclay. Based on these observations, PBS/nanoclay composites do not show any obvious peak, which means the interlayer spaces of nanoclay has been significantly increased and the peak position of  $d_{001}$  is moved to lower than  $2^{\circ}$  ( $2^{\circ}$  is the lowest limitation of 2  $\theta$  for the XRD machine) or possibly disappeared.

## According to Bragg's law:

## $n\lambda = 2d \sin \theta$

where d is the distance between atomic layers in a crystal,  $\lambda$  is the wavelength of the incident X-ray beam,  $\theta$  is the angles of incidence of X-ray beam and n is an integer, the 20 peak position of as-received nanoclay is  $4.895 \pm 0.063^{\circ}$ , which corresponding to the interlayer spacing of 1.8 nm, agreed with the data released by the company. When the  $2\theta$  peak is equal to  $2^{\circ}$ , the interlayer spacing is calculated as 4.41 nm. The disappeared peak of PBS/nanoclay nanocomposites means that the nanoclay has been either completely exfoliated or well intercalated that the interlayer spacing is higher than 4.41 nm. Figure 2 and some repeating experiments show that the spectrum are essentially same for 2 wt% PBS/nanoclay nanocomposites extruded by different times. So, it seems the melting intercalation method effective in fabrication a well dispersed PBS/nanoclay composites and more times extrusion do not make any obvious differences.



Fig. 2 XRD results of as-received nanoclay powder and 2 wt% PBS/nanoclay nanocomposites extruded by different times.

The melting intercalation mechanism is schematically shown in Figure 3. There are three cases after the melting mixing of nanoclay and polymer matrix. If the compatibility betweem nanoclay and polymer is very poor, there is no interaction between them. The clay particles will distributed in the matrix like those conventional particles. The XRD peak will remain the same position. For most cases, the clay particles has been organically modified before mixing with polymer matrix. The compatibility between clay and matrix is improved, so the polymer matrix can intercalated into the gallery space of clay and force the interlayer spacing to increase. Thus, the XRD peaks position move to lower angle or even disappear, depending on the extent of intercalation. Sometimes, when the interaction between clay and matrix is tremendous, not only the peak disappears but also the morphology of nancomposites changes. All the silicate layers exfoliate and become single layered randomly dispersed high aspect ratio platelets.



As-received nanoclay Polymer chain Melt mixing Case one: non-interacted Case two: intercalated Case three: exfoliated

Fig. 3 Schematically drawing of melting intercalation mechanism.

For our as-prepared PBS/nanoclay composites, the XRD peak disappeared, so there are two possibilities: 1) the PBS intercalated into clay gallery and the interlayer spacing was increased to higher than 4.41 nm; 2) The nanoclay was completely exfoliated. To be able to identify the situation, the morphology of the nanocomposites has to be investigated by transmission electron microscope in the future. Based on the results available

-3-

<

currently, it seems the compatibility between clay and PBS is satisfactory.



Fig. 4 XRD spectrum of PBS/nanoclay nanocomposites with different clay content.

Figure 4 shows the XRD spectrum of PBS/nanoclay composites extruded for once with different clay content. With increase the clay content, the spectrum do not change much for 2 wt%, 4 wt% and 6 wt% PBS/clay composites. The curves are smooth and no obvious peaks appear, which means the dispersion of clay is satisfactory when the clay content is up to 6 wt%. However, for the PBS composites containing 8 wt% nanoclay, the peak appears where  $2\theta$  equals to  $2.454\pm0.114^{\circ}$ and 4.03±0.227°, corresponding to 3.6 nm 2.148 nm interlayer spacing, and respectively. Compared to the nanocomposites containing lower clay content, the interlayer spacing of clay decreases, because the intercalation of polymer chain into clay gallery is restricted. Besides, the intensity of the peak also significantly increases for 8 wt% nanocomposites. Although the intensity of the spectrum is affected by many factors, the increased peak intensity can still qualitatively indicate that there are more lavers of silicate platelets presented in one clay particle as a result of poor exfoliation of clay. So, the spectrum clearly indicates that the dispersion of clay become more difficult when the clay content is 8 wt%. As proved by large amount of literatures <sup>[4,6,7]</sup>. the poor dispersion of clay may result in an poor mechanical, thermomechanical and barrier properties, so it is preferable to keep the clay content lower than 6 wt% in our

future study.

4. Future works

As mentioned above, the transmission electron microscope can help the identification of the composite morphology. The mechanical properties of PBS/nanoclay composites will be tested. Then, the PBS/hemp/nanoclay hybrid nanocomposite will be fabricated and characterized.

## [References]

[1] S. S. Ray and M. Bousmina, "Biodegradable polymers and their layered silicate nanocomposites: In greening the 21st century materials world", Progress in Materials Science 50 (2005), pp.962–1079.

[2] S. Serizawa, K. Inoue, M. Iji, "Kenaf-fiber-reinforced poly(lactic acid) used for electronic products", Journal of Applied Polymer Science, 100 (2006), pp.618–624.

[3] S. Ochi, "Development of high biodegradable strength composites hemp using Manila fiber and biodegradable resin". starch-based Composites: Part A 37 (2006),pp.1879–1883.

[4] J. Cho, J. Y. Chen and I. M. Daniel, "Mechanical enhancement of carbon fiber/epoxy composites by graphite nanoplatelet reinforcement", Scripta Materialia 56 (2007), pp.685–688.

[5] S. H. Park, and G. Sposito, "Do montmorillonite surfaces promote methane hydrate formation? monte carlo and molecular dynamics simulations", J. Phys. Chem. B 107 (2003), pp.2281-2290.

[6] P. C. LeBaron, Z. Wang, T. J. Pinnavaia, "Polymer-layered silicate nanocomposites: an overview", Applied Clay Science 15 (1999), pp. 11-29.

[7] E. P. Giannelis, "Review: Polymer layered silicate nanocomposites", Advanced Materials 8 (1996), pp.29–35. -日本大学生産工学部第40回学術講演会(2007-12-1)-

OS – 2

## 天然ガスエンジンにおけるフランジ付き点火プラグの有効性 日大生産エ 〇氏家 康成 日大生産工 野村 浩司

## 1 緒言

地球温暖化抑制に関する京都議定書(COP3)が 発効して, CO2排出量削減の要求は日増しに強ま っている. 我が国における CO2 排出量の約 21 % が交通運輸部門からのものといわれており,国内 で多用されている火花点火機関の対策が強く求 められている. CO2排出低減策は, 基本的に熱効 率を向上させるか,単位発熱量あたりの含有炭素 比率が少ない燃料を使用することになる.前者の 熱効率向上は、当然ながら化石燃料枯渇化の対策 にも共通する有効な技術である.その方策として, 圧縮比の増大と希薄燃焼が熱力学上, 自明である が,その実用化には確実な点火と火炎伝播促進が 必須である.一般的には燃焼室内に旋回流に伴う 強い乱れを生成しつつ,大きな火花エネルギーを 付与する方法が取られる.しかしながら火花エネ ルギーの増大は、電磁波障害や点火系の耐久性を 考えると、あまり得策ではない.

一方, CO<sub>2</sub> 排出量削減に有効な燃料として天然 ガスが注目されている.しかしながら,これを普 及させるには,車載容量の問題は他の研究に譲る として,燃焼研究の立場からは,点火特性の劣性 を解決する必要がある.

これらの問題に対する一つの回答として,著者 らはフランジ付き点火プラグを提案してきた.こ れは,火花放電経路近傍の強い混合気流動を抑制 し,かつ放電時に,衝撃波発生に費やされて散逸 するエネルギーを熱として回収することにより, 従来よりも小さな火花エネルギーで点火を成立 させ,その後,火炎伝播を促進させる働きを狙っ たものである.本報ではフランジ付き火プラグの 有効性と点火特性改善効果の機構を解明するた めに実施された基礎実験から応用実験に至る一 連の経過を報告する.

2 定容旋回流動燃焼容器を用いた基礎実験
 2.1 フランジ付き電極の点火特性

静止混合気場および旋回流動場においてフラ ンジ付き電極の点火実験を行った. 概略を Fig.1 に示す.ノズル手前の弁を閉じて噴流を止めれば 静止場となる.使用したフランジ付き電極の概略 を Fig.2 に示す.フランジ付き電極の最小一次電 流と主流の平均流速の関係を Fig.3 に示す.まず 静止場において最小一次電流が低減しているこ とがわかる.これより,フランジ付き電極には, 流動抑制効果以外の点火エネルギー低減機構が 存在することが示唆された.旋回流動場では,流



On the Availability of Flanged Spark Plugs in Natural Gas Engine Yasushige UJIIE and Hiroshi NOMURA 速が増大するほどフランジによる流れの抑制効 果が加わり,通常電極との差が開いた.フランジ 付き電極の点火エネルギー低減機構を解明する ため,シュリーレン法を用いて火炎核の成長過程 を撮影した.火炎核の成長と共に衝撃波の進行が 確認でき,これがフランジで反射されて中心部に 戻る様子が確認できた.このときフランジ中心部 の混合気が断熱圧縮されて昇温し,火炎核を保炎 するものと考えられる.LDV を用いた流速測定 および数値解析では,フランジの流れ抑制効果も 確認されている.

#### 2.2 フランジ付き電極の燃焼特性

燃焼時間と主流の平均流速の関係を Fig.4 に 示す.これより、フランジには火炎核から熱を奪 い、障壁となる負の作用が考えられるが、火炎核 が成長してフランジ外部に出た後には燃焼の促 進に寄与するものと考えられる.

3 フランジ付き点火プラグの高圧縮希薄燃 焼機関への適用

#### 3.1 実験装置

定容燃焼容器を用いた基礎実験で,フランジ付 き電極の有効性が確認された.そこで実用化に向 けたフランジ付き点火プラグを検討するため,急 速圧縮機を用いて点火実験を行った.装置の概略 を Fig.5 に示す.これはピストンの背面に,急速 に高圧作動油を導いて実機の圧縮・点火過程を模 擬するもので,圧縮比は可変である.

3.2 円筒形フランジ付き点火プラグ

円筒形フランジ付き点火プラグを Fig.6 に示 す.これは市販の点火プラグ(NGK 製 B4ES)のね じ部内側に、外形 9 mm のステンレスパイプ (SUS304)を差し込んで銀ロウ付けし、フラン ジ高さh=5 mm のものを製作した.

#### 3.3 円板形フランジ付き点火プラグ

円板形フランジ付き点火プラグを Fig.7 に示 す.このプラグは、市販の点火プラグから接地電 極を取り去り、そこに (1.6 mm のステンレス線3 本を設置し、フランジを支持した.また、フラン ジの中心に (1.6 mm のステンレス線を取り付け、



Fig.4 Effect of mean flow velocity on burning time.



Fig.5 Concept of rapid-compression machine.



Fig.6 Cylindrical flanged spark plug.



Fig.7 Disc flanged spark plug.

新たな接地電極とした.フランジ,ステンレス線 および接地電極の材質は耐久性や耐熱性,考慮し て,円筒形フランジと同様のSUS304を使用した. 接合にはねじ切りと銀ロウ付けを併用し,フラン ジ直径 D=9 mm,フランジ間隔 G=4 mm のもの を製作した.

## 3.4 急速圧縮機におけるフランジ付き点火プ ラグの点火・燃焼特性

各フランジ付き点火プラグの当量比と最大燃 焼圧力の関係を Fig.8 に示す.当量比が 0.9 以上 での最大燃焼圧力に大きな違いは見られない.当 量比 0.7 および 0.8 では,円板形フランジ付き点 火プラグを用いたときに最も高い最大燃焼圧を 示した.これはピストン上昇に伴いう混合気の上 昇流をフランジで遮って消炎を防ぐと共にフラ ンジ外周辺の乱れが強くなり,火炎伝播を促進し たためと考えられる.また,当量比 0.7 において 円筒形フランジ付き点火プラグでは燃焼が確認 できなかった.円筒形フランジの場合,ピストン 上昇時に発生する混合気流を直接火花間隙部に 受けたため失火したと考えられる.

## 4 天然ガスエンジンへの応用

## 4.1 実験装置

急速圧縮機においてもフランジ付き点火プラ グの優位性が確認できた.そこで実用化に向け, 本来の目的である天然ガスエンジンを用いて点 火特性を調べた.実験装置の概略を Fig.9 に示す. 燃料には天然ガス(13A) を用いた.

#### 4.2 円筒円板組み合わせ形点火プラグ

希薄燃焼において、円板形および円筒形フランジ付き点火プラグが優位な場合があることを確認できたが、フランジ形状にはさらに工夫の余地が残されていることが示唆された.そこで、新形状として円筒円板組み合わせ形点火プラグを製作した.その概略を Fig.10 に示す.Fig.6 の円筒形フランジの外側に 41 mm のステンレス線 3本を設置して円板形フランジ(SUS303)を支持した.円板形フランジの円板中心には Fig.7 と同様に新たな接地電極として 4.6 mm のステンレス





Fig.10 Cylindrical flanged and disc flanged combination spark plug.

線を取り付け,電極間距離を 1.0 mm とした.また,円板形フランジのフランジ直径 D=12 mm およびフランジ間隔 G=6 mm を一定とし,円筒形フランジの高さhを4,5 mm としたものを製作した.接合方法にはねじ切りと銀ロウ付けを併用した.

## **4.3** 天然ガスエンジンにおけるフランジ付き 点火プラグの点火特性

各フランジ付き点火プラグについて,当量比と 点火確率の関係を Fig.11 に示す. いずれの回転速 度においても,円筒部フランジ高さが高いほど点 火確率が向上した.また低速回転速度では,フラ ンジ高さの低いものは,通常プラグより点火確率 が下回るものがあった.これはフランジ高さが低 いと,フランジ端面に衝突し巻き込まれた混合気 が,火花間隙周辺の流動を増幅し,熱損失が増大 したためと考えられる.逆に高い場合,フランジ 端面に衝突し巻き込まれた混合気が火花間隙ま で到達しにくく,十分な流動抑制効果が得られた ためと考えられる.

一方,回転速度で比較をすると,低速回転域で は円板形フランジ付き点火プラグの点火確率が 高いことがわかる.高速回転域では,円筒形フラ ンジ付き点火プラグは円板形よりも高い点火確 率が得られている.その理由として,低速回転速 度において円筒形フランジは,衝撃波エネルギー の回収効果よりもフランジへの熱損失が大きく なるために点火確率が通常プラグと同等,または それよりも低い結果になったと考えられる.高速 回転域では,円筒形フランジの方が円板形フラン ジよりも流動抑制効果が高いため,円筒形の点火 確率が向上したものと考えられる.

円筒円板組み合わせ形点火プラグにおいては, 円筒部の高さが高いほど点火確率が向上した.こ れは,円筒形フランジと円板形フランジの組み合 わせによる流動抑制効果の向上と,フランジ面の 増大による衝撃波エネルギーの回収効果の向上 によるものと考えられる.低速回転速度でも点火 確率が向上した理由として,フランジや電極への 熱損失増大よりも衝撃波エネルギーの回収効果 が上回ったためと考えられる.本実験範囲では, 低速回転および高速回転域双方で,組み合わせ形 (G=6,h=5)点火プラグが有効に機能した.

## 5 結言

地球温暖化抑制に有効である希薄燃焼天然ガ スエンジンの点火特性改善を目的としてフラン ジ付き点火プラグを提案し,その有効性を基礎実 験から実機実験に亘って調べた結果,以下の知見 を得た.

静止場および旋回流動場において、円筒形および円板形フランジ付き電極による最小一次電流の低減効果が得られた.これは、火花放電時に衝撃波エネルギーに変換される無



(b) 3000rpm Fig.11 Relation between equivalence ratio and ignition probability.

効エネルギーを熱として回収すると共に,フ ランジが点火中心近傍の強い混合気流動を 抑制するためと考えられる.

- 2. 旋回流動場において、フランジ付き電極は、 フランジ端部のエッジ効果と思われる乱れ 増幅により、火炎伝播を促進する効果がある.
- 3.希薄領域において、フランジ付き点火プラグ は通常プラグよりも高い点火確率が得られ る.
- 4.円板形と円筒形を比較すると、円板形は低速
   回転域で効果を発揮し、円筒形は高速回転域
   において有効である.
- 5. 円筒円板組み合わせ形点火プラグは,低速か ら高速運転まで,かつ希薄混合気条件で高い 点火確率を示し,今後,実用化に向けたフラ ンジ形状設計に関する指針が得られた.

OS - 3

## 高強度 Al-Zn-Mg-Cu 系合金 P/M 材の時効硬化に及ぼす MA 処理の影響

## 1. 緒言

メカニカルアロイング(MA)法は、微細な分 散粒子による高強度材料の製造プロセスとし て開発された技術である。例えばアルミニウ ム粉末に酸化物等の化合物粉を添加してボー ルミル処理する MA 法によって, 硬い化合物 粒子は砕かれて微細にアルミニウム粉末中に 分散する。この MA 粉末を熱間押出し等で固 化成形すると、高強度化に効果のある微細組 織を有したアルミニウム基 P/M 材が得られ る<sup>1)</sup>。Al-遷移金属系合金等の粉末には, 遷移 金属のアルミナイドが晶出するが、MA 処理 によって晶出化合物は砕かれて微細になるこ とが報告されている<sup>2)</sup>。また、純アルミニウ ム粉末をボールミル処理すると、スタート粉 末表面に生成している酸化物の分散や、導入 される高密度の転位組織による結晶組織の微 細化によって、高い強度を示す純アルミニウ ム基 P/M 材となる 3。

7000 系合金を代表とする高強度アルミニ ウム合金は析出硬化によって高い強度を発揮 して、多くの合金が実用化されている。最近 の航空機を初めとする輸送用機器の高性能化 においては、アルミニウム合金に対する高比

Designation

Meso10

Meso<sub>20</sub>

日大生産工		〇菅又	信
東洋アルミニウム	(株)	楠井	潤

強度化がさらに望まれている。強度増加には 析出硬化と分散強化の重畳強化が考えられる。

本研究では、急冷凝固法を用いて開発され て、高い強度引張強さを示す7000系アルミ ニウム合金(Mesoalite:東洋アルミニウム(株) 製)4の粉末をMA処理してP/M材に固化成形 した。すなわち、合金組成による析出硬化に、 MA 処理による微細粒子の分散強化を加えて、 高強度アルミニウム材料を得ることを目的と した。

## 2. 実験方法

本研究で用いた2種類の Mesoalite 合金の エアアトマイズ粉末の略号と化学分析値を Table1 に示す。Meso20 は Meso10 に Mn を 添加した合金で, MnAl<sub>6</sub>粒子が分散している。

Fig.1 に示すアトライター型のボールミル により1チャージを 700g として Mesoalite 合金粉末を MA 処理した。MA 処理時間は 5h および 30h であり,それぞれ 20cc と 40cc の メタノールを MA 助剤として添加した。ボー ルと粉末の質量比は 25:1であり,アルゴン ガスを流しながら,インペラー回転数を 120rpm として MA 処理した。アルゴン雰囲

Tal	ble	1	Designation	and	l composition
-----	-----	---	-------------	-----	---------------

気中に取り出した MA 粉末を Al 円 筒缶に充填して, 500MPa での冷 間プレスにより圧

# Effect of mechanical alloying on age-hardening of high-strength P/M materials of Al-Zn-Mg-Cu alloys

## Makoto SUGAMATA and Jun KUSUI

Composition (mass%)

Al-9.58Zn-2.86Mg-1.42Cu-0.04Ag

Al-10.34Zn-3.18Mg-1.51Cu-0.04Ag-4.05Mn



Fig.1 Schematic illustration of attritor type ball mill

粉体とした。その後,623K で 1h の真空脱ガ ス処理した圧粉体を,673K で 0.5h の予備加 熱した後,押出温度を 673K,ラム速度を 5mm/min,押出比を 1:25 とした熱間押出に よって,直径 7mm の P/M 材とした。MA 処 理なしのアトマイズ粉末を同様の工程で P/M 材として比較材とした。

得られた各 P/M 材の時効硬化曲線を求めた。 溶体化処理条件は,763K×1h の加熱後に水 焼き入れであり,383K のオイルバス中での 焼戻しによる硬さを測定した。P/M 材の組織 は透過電子顕微鏡,EDS 元素分析,X線回折 でしらべた。また,押出しまま材と最高硬さ まで析出硬化した材料(T6 材)の引張特性値 を求めた。

3. 実験結果と考察

## 3.1 時効硬化曲線

Fig.1 に各 P/M 材の時効硬化曲線を示す。 図中には押出しまま材の硬さも合わせて示し た。押出しまま材に比べて, MA 処理材は溶 体化水焼入れによって, 硬さにかなりの減少 が起こっている。これは, MA 処理による加 工硬化が溶体化加熱によって回復したことと,





晶出化合物粒子の粗大化が起こったためと考 えられる。MA 処理なしの材料ではわずかな 硬さの低下が見られる。

析出硬化によって最も高い硬さを示すのは, MA 処理なしの Meso20 であり, 240HV に達 している。Meso10 も 220HV を越える T6 材 となる。MA 処理時間が長くなると到達最高 硬さは低下して, MA30hの Meso10 で 82HV, Meso20 で 120HV である。

時効硬化曲線において、水焼入れ時の硬さ と最高到達硬さの差を時効硬化量として求め た。その時効硬化量の MA 処理による変化を Fig.3 に示す。Meso10 では MA 処理なしの時 効硬化量が 90HV であるのに対して、MA 時 間が 5h で 58HV, MA30h で 24HV と減少し ている。Meso20 でも同様に, MA0hが 102HV であるのに対して, MA5h で 66HV, MA30h で 28HV と減少している。したがっ て, MA 処理によりこれら合金の時効硬化能 は低下し, MA 時間が長くなるほどその低下 量が大きくなる。

3.2 組織観察と元素分析

MA 処理なしの Meso10 合金 P/M 押出まま 材の STEM 組織と元素分布を Fig.4 に示す。 晶出粒子が押出方向に配列しており、それら は Zn, Mg, Cu を含むことが分かる。これら の時効析出に寄与する元素が互いに結合して いる状態にあるが、溶体化処理によって Al 中に固溶して、時効処理によって析出して硬 化することができる。



Fig.4 STEM image and distribution of alloying elements of as-extruded Meso10, MA0h.

MA5h の Meso20 合金の P/M・T6 材の STEM 組織と元素分布を Fig.5 に示す。MA 処理材では微細な粒子の分布する領域としな い領域が観察され, 微視的に不均一な組織と なる場合が多い。また, Mn の分布から判断 すると, 比較的大きい分散粒子は Mn 化合物 であることがわかる。また, MA 処理中にメ タノールの分解によって遊離した酸素による 酸化が起きる。酸素は材料中に取り込まれて いるが, その分布が Mg の分布とよく対応し ていることは, Mg 酸化物の生成が認められ



Fig.5 STEM image and distribution of alloying elements of Meso20 - T6, MA5h

る。Mgの分布は Zn の分布との対応は見られ ず, Zn はほぼ均一に分布している。Cu もほ ぼ均一に分布している。したがって, Mg の 大部分は酸素と結合しているものと思われる。

以上より, MA 処理中に, 主としてメタノ ールの分解によって遊離した酸素が MA 粉末 のマトリックスに取り込まれて, それによっ て溶質 Mg が優先的に酸化されるため, 時効 硬化をもたらす析出相の生成に必要な溶質 Mg 量が失われる。このこのために MA 処理 によって時効硬化能が著しく低下すると判断 した。

## 3.3 引張特性

Fig.5 に各合金の MA5h, MA30hの P/M 材と MA 処理なしの P/M 材について, 室温に おける引張強さと伸びを示す。押出しまま材 の引張強さは, Meso10, Meso20 ともに MA 処理時間が長くなるとともに増加するが, T6 材では逆に低下している. T6 材では MA 処 理による時効硬化能の低下が強度に対して支 配的になる。MA 処理材および MA 処理なし の材料ともに,析出硬化によって伸びが低下 している。また,Meso10 と Meso20 合金と もに,MA 処理によって押出まま材および T6 材の伸びは低下する。とくに MA 処理時間が 長くなると低下が著しい。また,全般に Meso20 より Meso10 の伸びが高い傾向であ る。



Fig.6 Tensile properties of P/M materials

- 4. 結 言
- (1) MA 処理時間が長いほど, P/M 材の時効硬 化量は減少した。これは, 溶質 Mg が MA 処理中に MA 助剤のメタノールの分解に よって遊離した酸素と優先的に反応して 酸化物を生成して,時効硬化に寄与する溶 質 Mg 量が減少するためと考えられる。
- (2) MA 処理によって、押出したままの P/M
   材の硬さと引張強さは高くなり、MA 処理
   MA 処理時間が長くなるとより高くなった。
- (3) 最高硬さまで時効硬化した P/M 材(T6 材)の引張強さは、MA処理によって低下 して、長時間の MA 処理によってさらに 低下した。これは、MA処理による時効硬 化量の減少による影響である。

参考文献

- J.S.Benjamin, et al. : Met.Trans., 8(1977), 1301.
- 2) 菊池健他:粉体および粉末冶金, 49(2002),19.
- 3) 久保田正広 他:日本大学生産工学部研究 報告 A, 36(2003), 11.
- 4) J.Kusui, et al. : Mater. Sci. For., 217-222 (1996), 1823.

# 電磁誘導を利用した電位差検出式表面割れ深さ評価法

- 理論的考察とプローブ開発 -

日大生産工 〇星川 洋, 小山 潔

1 はじめに

構造材料に表面割れが存在すると応力集中 のために破壊につながる恐れがあるから、安 全性を確保するために、表面割れが検出され た場合には、その深さを評価する非破壊検査 法が必要となる<sup>1)</sup>。近年は直接通電による電 位差法に代わって表面割れ深さの電磁誘導に よる電位差を利用した評価法の研究が行われ ている<sup>2-3)</sup>。本研究は電磁誘導を利用した電位 差法理論を解明し、割れ深さ評価精度の高い 電位差発生の現象を理論的に解明する共に 4-5)、従来のものよりも評価精度の高い電磁誘 導式4探針電位差プローブを提案する。

2 導体内の電界・渦電流・電位

導体内で原子から電子が離れると正と負の 電荷が発生し、電子が不足した領域には正電 荷が、過剰の領域には負電荷が現れる。正と 負の対となった分離による発生/中和による 消滅の外に、正および負の電荷が単独で発生/ 消滅することはない(電荷不滅の法則)。

クーロンの法則に則り正と負の電荷が中和 する力が働くから、導体内に発生した電荷は 瞬時に消滅する(電子の緩和時間~10<sup>-18</sup> s)。 したがって、電流が存在しない静電界では導 体内に電荷、電界、電位差は存在し得ない。 しかしながら、絶えず電荷を運ぶ導電電流が 存在する場合には、導体内に電荷、電界、電 位差が存在し得ない訳ではない。

電界は電荷に力を及ぼすものと定義され る。電荷相互間にはクーロン力が働くから, 電荷はその周囲に電界を発生する。二点間の 電位差は電界の力に抗して正の単位電荷を運 ぶに要する仕事として定義される。集積した 電荷は電位差を発生し,電位勾配は電界となる。一方,電界には磁束の時間的変化で電磁 誘導により発生する誘導電界も存在する。す なわち,電荷による電位勾配と磁束の時間的 変化による誘導電界との2種類の電界が存在 する。

導体内における流体のような電荷の玉突き 式移動で導電電流が流れる。一方,電荷の動 きを伴わずに,電界の時間的変化により真空 中や絶縁体内を流れる変位電流がある。電流 には電荷の移動による導電電流と電荷の移動 を伴わない変位電流との2種類があるが,変位 電流は導電電流に比べて桁違いに小さく,一 般に無視できる(導体を銅,周波数100kHzとす ると,変位電流/導電電流≈ 9.6×10<sup>-14</sup>)。

電荷保存の法則に従って導電電流が変化す る領域には電荷が集積する。導電電流が一様 であれば、運ばれた電荷の流れが滞ることは なく、導体内に電荷及び電位差が発生するこ とはない。導電電流が変化する領域では、電 荷の一部は滞留して集積分布する。集積した 電荷はクーロン力で互いに反発して電位勾配 を発生する。電荷分布は電流と電荷相互間の 反発力とに応じて自在に変化し、電位勾配は 自在に変化して電流の連続性を保つように新 たに電流を流す。

3 電位差発生の電磁気理論

交流磁束密度 **B** [Wb/m<sup>2</sup>]で電磁誘導により 誘導電界 **E** [V/m]が発生する。

$$abla \times E = -\partial B / \partial t$$
(1)
  
*B*は磁気ベクトルポテンシャル*A*[Wb/m]を
  
用いて次のように表せる。

Study on Potential Probe of Electromagnetic Surface Nondestructive Testing

Hiroshi HOSHIKAWA and Kiyoshi KOYAMA

$$B = \nabla \times A$$
 (2)  
式(1)と式(2)から次式が得られる。

$$\nabla \times E = \nabla \times (-\partial A/\partial t)$$
(3)  
電位を d [V] とすると ベクトル公式

$$\nabla \times \nabla \phi \equiv 0$$
 (4)  
により、式(3)からEは次式となる<sup>8)</sup>。

$$E = -\partial A / \partial t - \nabla \phi \tag{5}$$

式(5)の第一項は磁束の時間的変化による誘 導電界であり、第二項は集積した電荷による 電位勾配である。Eによって導電率 $\sigma$ [S/m] の試験体内部に発生する渦電流密度J[A/m<sup>2</sup>] は式(6)で与えられる。

 $J = \sigma \cdot E = \sigma(-\partial A/\partial t - \nabla \phi)$  (6) 式(6)から,渦電流の大きさと方向は誘導電界  $(-\partial A/\partial t)$ と電位勾配 $\nabla \phi$ のベクトル合成で ある。

励磁コイルにおける電流密度 $J_0$ とによって発生するAは式(7)で与えられる。

$$A = \frac{\mu}{4\pi} \int_{V} \frac{J_0}{r} dV \tag{7}$$

ここで、Vは励磁コイルの体積、rは励磁コ イルの巻線からの距離、 $\mu$ は透磁率を表す。 式(7)から、Aは励磁コイルの近傍では巻線 とほぼ同じ方向のベクトルである。よって、 誘導電界 $(-\partial A/\partial t)$ は励磁コイルの巻線とほ ぼ同じ方向に渦電流を発生する。

渦電流は導電電流であり電荷を運ぶ。電荷 不滅の法則により電流が変化する部分では電 荷密度 *q* [C/m<sup>3</sup>]が変化し、次式が成り立つ。

$$\nabla \cdot J = -\partial a / \partial t \tag{8}$$

渦電流が一様であれば電荷は滞留することは ない。一方,渦電流が変化する領域では,運 ばれた電荷の一部は滞留する。電荷の分布は 渦電流の状況に対応して雲のように自在に変 化し,クーロン力は分布に依存して自在に変 化する。このように,自在に変化し得る電荷 の分布の変化に対応して電位勾配∇¢はあら ゆる方向成分を有することが可能なベクトル である。この結果,電位勾配が試験体におけ る割れのような不連続部において渦電流が連 続性を満足するために,不連続部を迂回して 渦電流を流す役割を果たしている。

渦流探傷で適用される数MHz以下の周波数 においては、 $\omega \epsilon$ 角周波数[rad/s],導体の 導電率を $\sigma$ ,誘電率を $\epsilon$ [F/m]とすると、変位 電流/導電電流= $\omega \epsilon / \sigma$ で、一般に導電電流 に対して変位電流は無視できる。一方、抵抗 率 $\rho$ [ $\Omega$ m]の試験体に渦電流Jが流れると、 オームの法則に則り電位降下の勾配 $\rho \cdot J$ が 発生する。ここで、 $\rho \ge \sigma$ には式(9)の関係 が成り立つ。

 $\rho = 1/\sigma$ 

式(6)と式(9)から,電位降下の勾配は次式で 与えられる。

 $\rho \cdot J = \rho \cdot \sigma E = -\partial A / \partial t - \nabla \phi$  (10) 式(10)から,渦電流は電位降下の勾配が誘導 電界と電位勾配の差に等しくなるように誘導 される。なお,電位勾配が存在しない場合 ( $\nabla \phi = 0$ )には $\rho \cdot J$ は( $-\partial A / \partial t$ )と等しい。

以上の現象を逆に考えると、電位勾配は誘 導電界と渦電流による電位降下の勾配 $\rho \cdot J$ の差により発生し、式(10)から式(11)が導か れる。

 $abla \phi = -\partial A/\partial t - \rho \cdot J$  (11) 式(11)は、試験体内の不連続部などにおいて 渦電流 J が小さくなると、( $-\partial A/\partial t$ )に比べて  $\rho \cdot J$  が小さくなり、電位勾配が発生する。試 験体内部に発生する電位差  $\Delta \phi$ は、電位勾配 の任意の経路に関する積分値として、式(12)

で与えられる。  $\Delta \phi = \int \nabla \phi \cdot d\ell = \int \{-\partial A/\partial t - \rho \cdot J\} d\ell$  (12) 式(12)によって任意の2点間に電位差が生ず ると,周囲のあらゆる点に電位勾配 $\nabla \phi$ を発 生し,式(5)に基づいてあらゆる点に渦電流を 発生させる。電位勾配は三次元空間の全ての 方向成分を有するので,電位勾配による渦電 流はあらゆる方向に発生する。以上のように, 割れのような不連続部においても渦電流の連 続性を満足させる役割を担っているのが電位 勾配である。

以上のようにして発生する交流電位は、変 圧器における二次巻線の端子電圧や交流電流 が流れているコンデンサの端子電圧として実 測できるものである。

なお,静電界の場合には導体内に電荷,電界, 電位が存在しない事実があるため,交流の場 合に於いても導体内に電位は発生することは ないと誤解し,電磁気学に関する市販の書籍 の中には「交流では電位は定義できない」や 「動的電磁界では電位に物理的イメージを付 与できない」と誤って記述されているものが ある<sup>6-7)</sup>ことは残念なことである。

## 4 有限要素解析結果

交流を流したコイルを導体板に近接させた 場合について、有限要素法により導体内にお ける渦電流と電位を求めた。変位電流が無視 できる低周波数としてMaxwellの方程式に基 づく支配方程式

(9)

$$\nabla \times (\mu^{-1} \cdot \nabla \times A) = J_0 + \sigma(-\partial A/\partial t - \nabla \phi) \qquad (13)$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{\sigma} (\partial \boldsymbol{A} / \partial t + \nabla \boldsymbol{\phi}) = 0 \tag{14}$$

にクーロンゲージ (∇·A=0) を適用し, A より解析した9-100。以下には次のような条件下 において求めた導体表面における渦電流と電 位の解析結果を示す。導体は厚さ1.5mmの黄銅 板( $\sigma = 1.3 \times 10^7$  S/m,  $\mu = 4\pi \times 10^{-7}$  H/m)とし,ス リット状のキズは長さ15mm、幅0.5mm、深さ 1.2mmとした。周波数は導体厚さと標準浸透深 さの比が1.5となる9kHzとした。以下に示す渦 電流と電位はコイルの電流に対して90度進相 成分である。なお、この解析で得られた渦電 流と電位の結果を実験により直接確認するこ とはできないが,解析プログラムにより求め たコイルの起電力については種々の条件下に おいて実験値と良く一致すること確認してい る。

図1は矩形平面励磁コイルに比べて十分に 広い導体の上に配置された矩形平面コイルに よって平板上導体の表面に誘導される渦電流 を示している。励磁コイルからの交流磁束に よって誘導電界が発生し,渦電流は励磁コイ ルの巻線に沿って誘導される。しかし,導体 の中央に位置するスリット状キズの存在のた めに渦電流の流れが妨げられるため,キズの 近傍における渦電流はキズの長さ方向にも流 れていることが分かる。なお,渦電流は連続 でなけれがならないから,図1からは分から ないが,大部分の渦電流はキズの下に潜って 励磁コイルに沿って流れる。

図2は導体の表面に発生する電位を示して いる。誘導電界によって渦電流が妨げられる ことなく流れる位置において導体内に電荷が 集積することはないから,電位が発生するこ とはない。したがって,渦電流Jは誘導電界 だけで,渦電流Jは式(15)によって発生する。

 $J = \sigma(-\partial A/\partial t) \tag{15}$ 

この場合には,誘導電界と渦電流による電位 勾配とが等しく,

 $\nabla \phi = -\partial A / \partial t - \rho \cdot J = 0 \tag{16}$ 

となり、電位勾配 $\nabla \phi$ は発生しないのである。 一方、渦電流の流れが妨げられるキズの近傍 に於いて正と負の電位が発生することが分か る。Jが小さくなれば、誘導電界 $(-\partial A/\partial t)$ に 比べて電位降下の勾配 $\rho \cdot J$ が小さくなり、式 (11)から電位勾配 $\nabla \phi$ が発生する。すなわち、 渦電流は電荷を運ぶから、渦電流の流れが妨 げられるキズの部分において、電荷が過剰と なった状態である正電荷と、不足した状態で ある負電荷とが集積する。同じ極性の電 荷はクーロン力で互いに反発するから、集 積した電荷は電位としてエネルギーを蓄積す ることになる。

集積した電荷の分布に対応して電位 ¢ は位 置により変わり,電位勾配 ∇¢ として電界を 発生する。誘導電界は基本的に励磁コイルの 巻線の方向のベクトルであるのに対して,電 位勾配は電荷の分布に対応してあらゆる方向 の成分を持つことができるベクトルである。 このように,キズを避けた渦電流を発生する のは,電位勾配である。

以上のように、キズによって渦電流の流れ が妨げられるのは、磁気エネルギーが電気エ ネルギーに変換されることによって、キズの 近傍に電気エネルギーである電位が発生すれ るからである。キズに向って流れる渦電流が、 キズに近づくに従って小さくなるのは、キズ に近づくに従って電位勾配が大きくなり、誘 導電界を打ち消すためである。導体とキズと の境界面でキズに流れる電流が零となるの は、誘導電界が電位勾配によって完全に打ち 消されてしまうからである。

## 5 4探針電位差プローブ

従来の電磁誘導式電位差プローブは縦置励 磁コイルによってキズにより遮られるように 渦電流を誘導し、2探針を用いてキズを跨ぐ 方向の電位差を検出してキズ深さの評価を行 うものである。この方式のプローブでは渦電 流を誘導する励磁コイルからの磁束による誘 導を避けることができず、リフトオフ変化に よってプローブの指示値が変わるため信頼性 の高いキズ深さ評価は困難であった。

筆者らは励磁コイルからの直接的電磁誘導 の影響を受けないプローブを開発することを 目的として、キズの長さに沿った方向の電位 差を検出するプローブを発想した。さらに、 キズに対してプローブを配置するに際して, 僅かな位置の差異がプローブの指示値に大き な影響を与えることから, プローブ位置ずれ の影響が小さくなるプローブの構成を考え た。すなわち、図2から明らかなように、キ ズの近傍における電位はキズから離れるに従 って急激に減少する。したがって、キズに沿 った電位差を検出した場合には、キズに対す る探針の位置が僅かでも変化すると電位差プ ローブの指示値は変化することになる。プロ ーブ探針のキズに対する位置ずれによる影響 を小さくすることを目的として、図3に示す ように,矩形平面励磁コイルによって渦電流 を誘導し、キズ長さ方向に沿って発生した電 位差を2本の探針をペアで用いる4探針電位 差プローブを考案した。

## 6 おわりに

構造物のヘルスモニタリングの一方法とし て,構造体を構成する金属の表面割れの深さ 評価の精度を向上することを目的として,電 磁誘導式4探針電位差プローブの開発に取り 組んでいる。このプローブは励磁コイルから の直接的電磁誘導の影響を受けることなく, また割れに対する探針の位置ずれによる影響 が小さいので,従来の電位差プローブに比べ て精度の高い表面割れ深さ評価ができる。

今後は本方式の電位差プローブを製作して 実験を進め、種々の条件下に於いて表面割れ の深さとプローブの指示値との対応性を確認 するとともに、金属の材質に適したプローブ のサイズや試験周波数に関して調査を行い、 構造物の安全性の確保に寄与できるように努 めたい。

「参考文献」

- 浜田晴一,早川学,「火力発電設備に対す る電位差法の応用においける最近の進展, 非破壊検査,55巻9号,pp.473-477 (2006)
- 村山稔, 庄子哲雄, 渡辺豊, 佐藤康元, 「集 中誘導型交流電位差法による疲労損傷の非 破壊評価」, 日本機械学会論文集(A 編), 63 (609), pp. 1119-1125, (1997)
- 3)庄子哲雄,川原鉄士,栗野真和,佐藤康元:集 中誘導型交流電位差法によるSUS316FR鋼に おけるクリープ疲労損傷の非破壊計測・評 価,非破壊検査,48(12),pp.853-861, (1999)
- H. Hoshikawa, K. Koyama, M. Maeda : Electric Potential in Eddy Current Testing, Review of Quantitative Nondestructive Evaluation, Vol. 22A, pp375-382 (2003)
- 5) H. Hoshikawa, K. Koyama : Electric Potential Diverts Eddy Current away from Discontinuities, Materials Evaluation, Vol. 64, No. 8, pp809-814 (2006)
- 6) 原康夫, 「電磁気学 I」, 裳華房, p52, (2001)
- 7)守末利弥,「数値電磁気学のためのゲージ 理論」,森北出版, p7,(1996)
- 8) 熊谷信昭,「電磁理論」,コロナ社, p. 218, (1990)
- 9) 坪井始,内藤督:数値電磁界解析法の基礎, 養賢堂, p97, (1994)
- 10) 坪井始, 内藤督: 実践数值電磁界解析法, 養賢堂, p57, (1995)



 図1 矩形平面励磁コイルによる平板導体表 面における渦電流の分布 (表面キズが存在する場合)



図2 矩形平面励磁コイルによる平板導体表 面における電位の分布 (表面キズが存在する場合)



図3 電磁誘導式4探針電位差プローブ

#### 1. はじめに

鋼道路橋 RC 床版の設計法は、これに期待される性 能を規定し、破壊に対する安全性を確保する性能照 査型設計法へと改訂されている<sup>1),2)</sup>. 性能照査型設計 法は、公共施設の品質の確保、技術基準類の国際化 への対応、客観性の確保などに有効とされ、その設 計手法の具体化が進められている<sup>3)</sup>.

そこで本研究では、鋼道路橋の RC 床版の性能照査 型設計法を合理的にするために、①道示 II の規定に 基づく許容応力度設計法および伸縮継手の段差によ って発生する動的影響を考慮した活荷重曲げモーメ ントによる設計法、② RC 部材の使用限界状態および 終局限界状態設計法による RC 床版の曲げ耐力、③面 外せん断力に対する押抜きせん断耐荷力を土木学会 式、道示Ⅲ,筆者らの提案式を適用した設計法、に ついて考察し、道路橋 RC 床版の耐荷力性能における 設計法の確立への一助とする.

#### 2. 動的影響を適用した単純版の曲げモーメント

道示 II では、衝撃係数を含めた活荷重曲げモーメ ント式が規定されいる.本研究では、伸縮継ぎ手の 段差によって発生する荷重変動の影響を考慮した動 的影響係数  $\alpha_i$  を適用した活荷重曲げモーメント式と する.走行振動荷重による動的影響を示す動的影響 係数<sup>41</sup>を考慮した活荷重  $P_{(1+\alpha)}$ は、式(1)として与えら れる.

$$\begin{split} P_{(1+\alpha l)} &= P(1+\alpha l) \quad (1) \\ & \text{ttt} \quad (1) \\ & \text{ttt} \quad K_v \leq K_i \text{ ; } \alpha_l = i \\ & K_i < K_v \text{ ; } \alpha_l = 0.050 K_v^{0.675} \\ & K_i = -0.20 L + 20.8 \\ & i = 20/ (50 + L) \end{split}$$

ここに, P<sub>(1+a)</sub>: RC 床版の動的影響係数を含む設計 荷重(kN), P:設計活荷重(= 100kN), α: 動的影響係 数, K<sub>4</sub>:荷重変動率 (例えば, 段差 2cm の場合 30 %, 段差 3cm の場合 40 %), K<sub>4</sub>:基準荷重振幅, L:床版 設計支間, i:道示 I に規定する衝撃係数

したがって,道示 IIの規定する活荷重曲げモーメント式に動的影響係数 α および割増係数 K を適用した場合の曲げモーメント式は,主鉄筋方向が式(2.1),配力筋方向は式(2.2)となる.

$$\begin{split} M_{L(1+i)K\alpha} = & (0.088L + 0.048) P_{L(1+\alpha)} \cdot K_{\alpha} \ (2.1) \\ M_{L(1+i)} = & (0.075L + 0.024) P_{L(1+\alpha)} \ (2.2) \end{split}$$

生産工 木田哲量 阿部 忠 澤野利章 水口和彦

ここに,L:設計支間,P<sub>L(1+a)</sub>:動的影響を含む設計 荷重,K<sub>a</sub>:割り増し係数

#### 3. RC床版の設計条件

3.1 設計条件
 床版の区分;単純版
 床版の支間;2.0m(単純版)

你做吵文间,2.0m(半吨版)

計画交通量;500 台未満/1 日 1 方向

荷 重;T荷重(=100kN)

荷重変動率; K<sub>v</sub> = 20 %, 30 %, 40 % (荷重振 幅と伸縮継手の段差の関係は今後の 課題とする)

コンクリート設計基準強度: σ<sub>ek</sub> = 30N/mm<sup>2</sup>

使用鉄筋;SD295A, D16 ( $f_{yd} = f_{yd} = 295$ N/mm<sup>2</sup>,  $f_y$ =  $f_y = 440$ N/mm<sup>2</sup>)<sup>1)</sup>

#### 3.2 道示 IIの規定による許容応力度設計法

## (1) 道示 I の規定に基づいた設計

RC 床版の死荷重曲げモーメント M<sub>4</sub> は単純版とし て設計することから,式(3)として与える.

M<sub>d</sub> = w<sub>d</sub>L<sup>2</sup>/8 (3) ここに, w<sub>d</sub>:単位幅あたりの死荷重,L:設計支間 道示 II は,許容応力度設計法であることからコン クリートの許容圧縮応力度 σ<sub>ca</sub> は σ<sub>ca</sub> = σ<sub>ck</sub>/3 とし,鉄 筋の許容引張応力度 σ<sub>sa</sub> は 140N/mm<sup>2</sup> である.なお σ<sub>ck</sub>





Tetsukazu KIDA, Tadashi ABE, Toshiaki SAWANO and Kazuhiko MINAKUCHI

		条件 曲げモーメ				י⊦(kN•m/m)		鉄筋量(mm <sup>2</sup> )		鉄筋応力度≦許容応力度		
		支間	床版厚		主鉄筋			主鉄筋	配力筋	主鉄筋	配力筋	
	L(cm)	t(cm)	M <sub>D</sub>	ML <sub>(1+i)·ka</sub>	Σм	M <sub>L(1+i)</sub>	As	As'	σs	σs		
	道示Ⅱ	200	21	3.495	31.000	34.495	24.000	1655	1588	$140N/mm^2 \leq 140N/mm^2$	$115N/mm^2 \leq 140N/mm^2$	
動的影響	K <sub>v</sub> =20%未満	200	21	3.495	31.015	34.510	24.092	1655	1588	$140N/mm^2 \leq 140N/mm^2$	$115N/mm^2 \leq 140N/mm^2$	
	K <sub>v</sub> =20%~30%未満	200	21	3.495	33.533	37.028	26.048	1805	1588	$138N/mm^2 \leq 140N/mm^2$	$124N/mm^2 \leq 140N/mm^2$	
小女で回门	K <sub>v</sub> =30%~40%未満	200	21	3.495	36.042	39.537	27.997	1986	1588	$135N/mm^2 \leq 140N/mm^2$	$133N/mm^2 \leq 140N/mm^2$	
- 表-2 使用限界状態および終局限界状態における曲げ耐力												

表-1 道示Ⅱ,および動的影響係数K<sub>v</sub>を考慮したRC床版の設計値

	짜더		コンシリーに 囲い ビー・ショー		<u> </u> <b> </b>		医用限外状态		ポジアリアメラトコスル	
		床版厚	圧縮強度	(kN∙m/m)	引張筋 圧縮筋		(kN∙m/m)		(kN∙m/m)	
	L(cm)	t(cm)	N/mm <sup>2</sup>	ΣМ	As	As'	Μυ	$M_U / \Sigma M$	Μ <sub>υ</sub>	Μ <sub>U</sub> / 2
道示Ⅱ	200	21		34.495	1655	828	35.60	1.03	54.86	1.5
K <sub>v</sub> =20%未満	200	21	30	34.510	1655	828	35.60	1.03	54.86	1.5
K <sub>v</sub> =20%~30%未満	200	21		37.028	1805	903	38.66	1.04	59.71	1.6
K <sub>v</sub> =30%~40%未満	200	21		39.537	1986	993	42.32	1.07	65.55	1.6
	道示Ⅱ K <sub>v</sub> =20%未満 K <sub>v</sub> =20%~30%未満 K <sub>v</sub> =30%~40%未満	支間           直示 II         200           K <sub>v</sub> =20%未満         200           K <sub>v</sub> =30%~40%未満         200	支間         床床原厚           上(cm)         t(cm)           道示 II         200         21           K <sub>v</sub> =20%未満         200         21           K <sub>v</sub> =20%~30%未満         200         21           K <sub>v</sub> =30%~40%未満         200         21	大市         大原厚         圧縮強度           支間         床版厚         圧縮強度           L(cm)         t(cm)         N/mm²           道示 II         200         21           K <sub>v</sub> =20%未満         200         21           K <sub>v</sub> =30%~40%未満         200         21	$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $

はコンクリートの設計基準強度である. 道示Ⅱに基 づいて設計した RC 床版の設計値を表-1に示す. ま た,道示Ⅱの規定に基づいて設計した RC 床版の寸法 および鉄筋配置を図-1に示す.

RC 床版の最小厚さは、1 日 1 方向当たり 500 台未 満の場合の 21cm である. 主鉄筋は D16 (SD295A) を 12cm 間隔, 配力筋は D16 を 12.5cm 間隔とした.

## (2) 動的影響係数を考慮した荷重による設計法

伸縮継手の段差を考慮した場合,すなわち床版の 動的影響係数 K、を含む設計荷重を適用した主鉄筋方 向の単位幅あたりの活荷重曲げモーメントは式(2.1), 配力筋方向を式(2.2)より算出する.この場合の荷重変 動率 K、は, 20 %, 30 %, 40 %とする.

この、動的影響係数を考慮した場合の RC 床版の設計値を表-1に併記した.動的影響係数  $K_v = 20$ %の場合は道示 II の結果と同様である.  $K_v = 30$ %の主鉄筋の間隔は 11cm, 40%の場合は 10cm 間隔となった.

#### 3.3 使用限界および終局限界状態設計法の適用<sup>15</sup>

RC 構造物の設計法は限界状態設計法へと移行され ている.そこで,RC 床版の使用限界状態および終局 限界状態における曲げ耐力についても検討する必要 がある.したがって,道示Ⅱおよび動的影響係数を 適用した場合の曲げモーメントより算出した鉄筋量 および配置をもとに幅 lm 当たりの複鉄筋長方形断面 として設計活荷重曲げモーメントと使用限界および 終局限界における曲げ耐力を比較する.

## (1) 使用限界状態の設計曲げ耐力<sup>"</sup>

1) 中立軸の位置:x

使用限界状態における中立軸の位置は式(4)として 与えられている.

 $\mathbf{x} = -\mathbf{n}(\mathbf{A}_{s} + \mathbf{A}'_{s})/\mathbf{b}$ 

+√ {n(A<sub>s</sub> + A'<sub>s</sub>)/b}<sup>2</sup> + 2n/b(dA<sub>s</sub> + d'A'<sub>s</sub>) (4) ここで, x:中立軸の位置, A<sub>s</sub>, A'<sub>s</sub>:引張および圧 縮鉄筋量, b:部材幅(100cm), n:鉄筋とコンクリー トのヤング係数比 (= 7.1), d:有効高さ, d':圧縮鉄筋 のかぶり

2) 使用限界状態における抵抗曲げモーメント: MR

使用限界状態におけるコンクリートの抵抗曲げモ ーメント M<sub>6</sub> と鉄筋の抵抗曲げモーメント M<sub>5</sub> は,そ れぞれ式(5),(6)として与えられている.使用限界状 態における抵抗曲げモーメント M<sub>6</sub> は,コンクリート の抵抗曲げモーメント M<sub>6</sub> と鉄筋の抵抗曲げモーメン ト M<sub>5</sub> を比較して小さい方とする.

$$\begin{split} M_{\rm rc} &= \sigma_{\rm ca} \{ bx/2(d-x/3) \\ &+ nA'_{\rm s} \{ (x-d')/x \} (d-d') \\ M_{\rm rs} &= \sigma_{\rm sa} [bx^2(d-x/3) \end{split}$$
 (5)

+ 2nA's (x - d')(d - d')/{2n(d - x)}] (6) ここで, x:中立軸の位置, b:部材幅(100cm), n: 鉄筋とコンクリートのヤング係数比(= Ec/Es = 7.1), As, A's:引張および圧縮鉄筋量, σ<sub>ca</sub>:コンクリート の圧縮許容応力度(= σ<sub>ck</sub>/3), σ<sub>sa</sub>:鉄筋の許容応力度(= 140N/mm<sup>2</sup>)

この RC 床版の場合は、鉄筋の抵抗曲げモーメント が小さいことから M<sub>s</sub> を抵抗曲げモーメント M<sub>r</sub> とし、 **表**-2に示す.**表**-2より、使用限界状態設計法にお ける曲げ耐力は理論曲げ耐力に比して、道示 II およ び動的影響 K<sub>v</sub> = 20 %は使用限界状態が 1.03 倍とな り、K<sub>v</sub> = 30 %、40 %の場合は、それぞれ 1.04、107 倍となり安全側となった.

#### (2) 終局限界状態の設計曲げ耐力

1) 等価応力ブロックの大きさ:a

等価応力ブロックの大きさは, 圧縮鉄筋が降伏し た場合と降伏しない場合について算出されるが, RC 床版の場合は破壊時においても圧縮鉄筋は降伏する ことはない. この場合にも圧縮鉄筋が降伏しない場 合の等価応力ブロックを算出する. よって, 圧縮鉄 筋が降伏しない場合の等価応力ブロック a は, 式(7) として与えられている.

 $a/d = m/2[p-p'(\epsilon'_{cu} \cdot E_s/f_{yd})]$ 

+ $\sqrt{\{\mathbf{p}-\mathbf{p}'(\boldsymbol{\varepsilon}_{cu}\cdot\mathbf{E}_{s}/\mathbf{f}_{yd})\}^{2}+\mathbf{p}'\cdot 4\beta/\mathbf{m}\cdot\mathbf{d}'/\mathbf{d}\cdot\boldsymbol{\varepsilon}_{cu}\cdot\mathbf{E}'_{s}/\mathbf{f}_{yd}\}}$ (7) ただし、

 $m = f_{yd}/0.85 f_{cd}$ ,  $p = A_s/b d$ ,  $p' = A'_s/b d$ 

ここで, d: 有効高, f<sub>cd</sub>: コンクリートの設計圧 縮強度 (= σ<sub>ck</sub>/γ<sub>c</sub>, (N/mm<sup>2</sup>)), E<sub>s</sub>, E'<sub>s</sub>: 引張鉄筋のヤ ング係数, E's: 圧縮鉄筋のヤング係数, ε'a: 終局ひ ずみ(=0.0035), γ<sub>c</sub>: コンクリートの部材係数(=1.3) 2) 終局界状態における設計曲げ耐力: Mad

複鉄筋長方形断面の強度は引張鉄筋量 A<sub>s1</sub> を持つ単 鉄筋長方形断面の強度と、A's・fyd・(d - d')= A<sub>s2</sub>・fyd・(d - d')の偶力による強度との和と近似する.よって、 設計曲げ耐荷力は式(8)として与えられる.

 M<sub>ud</sub> = {(A<sub>s</sub>·f<sub>yd</sub>-A'<sub>s</sub>·f'<sub>yd</sub>)(d-a/2)+ A'<sub>s</sub>·f'<sub>yd</sub>(d-d')}/γ<sub>b</sub> (8) ここで, f<sub>yd</sub>, f<sub>yd</sub>: 鉄筋の降伏強度(N/mm<sup>2</sup>), A<sub>s</sub>, A'<sub>s</sub>
 : 鉄筋量, d: 有効高さ, d': 圧縮縁から圧縮鉄筋の
 図心までの距離, b: 部材幅(100cm), γ<sub>s</sub>: 鋼材の材料
 係数 (= 1.0), γ<sub>b</sub>: 部材係数 (= 1.3)

終局状態設計法における曲げ耐力は理論活荷重曲 げモーメントに対して道示 II および的影響  $K_v = 20$ %が 1.59 倍,  $K_v = 30$  %, 40 %の場合は, それぞれ 1.61, 1.66 倍となり, かなり安全側となった.

#### 3.4 押抜きせん断耐荷力<sup>1),5),6)</sup>

面外せん断力に対する照査は,押抜きせん断耐荷 力をもって評価する.押抜きせん断耐荷力の評価は, 土木学会式,道示Ⅲ,筆者らが提案する押抜きせん 断耐荷力式より算出する.

#### (1) 土木学会式による押抜きせん断耐力<sup>5)</sup>

コンクリート標準示方書による RC 床版の押抜きせん断耐力は式(9),(10)として与えられている.

$$V_{pu} = V_{us}$$
(9)  

$$V_{us} = \beta_{d} \cdot \beta_{r} \cdot \beta_{p} \cdot \mathbf{f}'_{pc} \cdot u_{p} \cdot d/\gamma_{b}$$
(10)  

$$\mathcal{T}_{c} \mathcal{T}_{c}^{s} \cup,$$

$$\beta_{d} = \sqrt[4]{1/d}$$
  

$$\beta_{p} = \sqrt[3]{100p_{w}} : p_{v} = A_{s}/b \cdot d$$
  

$$\beta_{r} = 1 + 1/(1 + 0.25u/d)$$
  

$$f_{rv} = 0.20 \sqrt{-f_{vd}}$$

ここで, β<sub>u</sub>: 寸法効果の係数, β<sub>r</sub>: 載荷板周長の影響を表す係数, β<sub>r</sub>: 鉄筋比の影響を表す係数, f<sub>k</sub>': コ ンクリートの強度の影響を表す係数, u<sub>r</sub>: 載荷板から d/2 離れた断面周長, u: 載荷面の周長

これによって、算出したせん断耐荷力を表-3に示 す. RC 床版の支間全体の鉄筋量を考慮すると、押抜 きせん断耐荷力は設計荷重の約 5 倍となり、面外せ ん断力の照査は必要がないと考えられる.そこで、 有効幅を主鉄筋方向および配力筋方向それぞれ 1m あ たりとして算出した.設計荷重  $P_{L(1+a)}$ ・K<sub>a</sub> と土木学会 式による押抜きせん断耐荷力  $V_{Pa}$  を比較すると、道示 II規定に動的影響を考慮した  $K_v = 20$ %が 3.92 倍、K<sub>v</sub> = 30 %、40 %の場合は、それぞれ 3.82 倍、3.78 倍 となり、安全側となった.

#### (2) 道示Ⅲ<sup>1)</sup>

道示Ⅲでは、活荷重に対する床版の押抜きせん断 応力度の照査が規定されている.そこで、道示Ⅲに 規定する押抜きせん断応力度を用いた、押抜きせん 断耐荷力 P<sub>u</sub>は式(11)として与えられる.

$$P_{u} = \tau_{cp} \cdot d_{p} \cdot d \tag{11}$$

ここで, P<sub>u</sub>: 押抜きせん断耐荷力, τ<sub>cp</sub>: 押抜きせん 断許容応力度 (= 1.0N/mm<sup>2</sup>), d<sub>p</sub>: 断面の分布形状を 部材の有効高の 1/2 の距離だけ離れた面へ 45°の角度 で投影した形状の外周の長さ(mm)

これらから算出した道示IIIに規定する押抜きせん 断耐荷力を**表**-3に併記した.その結果,道示IIIによ る押抜きせん断耐荷力  $P_u$  と土木学会式による押抜き せん断耐荷力  $V_{Pu}$ を比較すると道示II規定に動的影響 を考慮した  $K_v = 20$  %が 2.27 倍,  $K_v = 30$  %, 40 % の場合は,それぞれ 2.10, 1.95 倍となり,土木学会 式と大幅な差が生じた.

#### (3) 文献6)による押抜きせん断耐荷力

1)静荷重の場合

ここでは、主鉄筋が降伏する荷重付近の押抜きせん断耐荷力を検討する.そこで、コンクリートのせん断強度の影響とダウエル効果を考慮した押抜きせん断破壊モデルを図-2とする.また、押抜きせん断耐荷力  $V_{\phi}$ は式(12)として与える.なお、等価応力ブロック a は、床版有効幅を lm あたりとして主鉄筋方向 ax および配力筋方向 av を式(7)より算出し、その平均値 a、として式(12)に適用する.

 $V_{cp} = [f_{cv0} \{2(B+2a_x)a_x+2(A \times a_x)\}$ 

 $+f_t\{2(4C_x+2d_d+B)C_x+2(A+2d_d)C_x\}]/\gamma_b$  (12)

 $f_{cv0} = 0.688 f_c^{0.610} \le f_c = 80 N/mm^2$ 

$$f_t = 0.269 f_c^{2/3} \le f_c = 80 N/mm^2$$

ここで、A、B:載荷版の主鉄筋、配力筋方向の辺 長(mm)、a、:主鉄筋(ax)と配力筋方向(av)の等 価応力ブロックの大きさの平均(=(ax + av)/2)、feve :コンクリートのせん断強度(N/mm<sup>2</sup>)<sup>60</sup>、f::コンク リート引張強度(N/mm<sup>2</sup>)<sup>80</sup>、Cx:ダウエル効果の及 ぼす影響範囲(= C<sup>d</sup>× fyd/fy)(mm)、C<sup>d</sup>:主鉄筋(d<sup>1</sup>x) と配力筋方向のかぶり(d<sup>1</sup>x)の平均(=(d<sup>1</sup>x + d<sup>1</sup>x)/2) (mm)、H:床版厚さ(mm)、f<sub>e</sub>:コンクリートの圧 縮強度(N/mm<sup>2</sup>)



図-2 降伏荷重付近の押抜きせん断力学モデル(静荷重)

		条	件	設計荷重 鉄筋量(mm <sup>2</sup> )			押抜きせん断耐荷力式(kN)				
		支間	床版厚	P <sub>L(1+αI)·Kα</sub>	主鉄筋	配力筋	土木学	送テロ	捣苈香	土行方面	
		L(cm)	t(cm)	kN	$A_s(mm^2)$	$A'_{s}(mm^2)$	会式	迫小皿	<b>肝</b> '问 里	化1117月里	
	道示Ⅱ	200	21	138.46	1588	1588	542.8		316.9	263.8	
動的影響	K <sub>v</sub> =20%未満	200	21	138.46	1588	1588	542.8	014.0	316.9	263.8	
係数を適	K <sub>v</sub> =20%~30%未満	200	21	149.70	1805	1805	571.3	314.3	321.8	278.2	
用	K <sub>v</sub> =30%~40%未満	200	21	160.90	1986	1986	607.8		325.6	289.7	

表-3 設計荷重PL(1+α)・Kαと押抜きせん断耐荷力



図-3 降伏荷重付近の押抜きせん断力学モデル(走行荷重)

静荷重の場合の主鉄筋が降伏する荷重付近の押抜 きせん断耐荷力を式(12)より算出した結果を表-3に 示す.その結果,設計活荷重  $P_{L(1+d)}$ ・K<sub>a</sub> と押抜きせん 断耐荷力  $V_{\mu}$  (式(12))を比較すると道示 II 規定に動 的影響を考慮した K<sub>v</sub> = 20 %が 2.29 倍, K<sub>v</sub> = 30 %, 40 %の場合は,それぞれ 2.15, 2.02 倍となり,安全 側となった.道示 III による押抜きせん断耐荷力と文 献 6)による押抜きせん断耐荷力は,ほぼ近似した結 果が得られた.

2) 走行荷重の場合。

走行荷重が作用する場合の弾性域の押抜きせん断 耐荷力は、コンクリートのせん断強度の影響による 押抜きせん断耐荷力式とダウエル効果の影響による 押抜きせん断耐荷力式を合計することによって得ら れる.よって、降伏強度付近の押抜きせん断力学モ デルを図-3に示し、押抜きせん断耐力式は、式(13) として与えられる.

$$\begin{split} V_{cp} &= [f_{cv0} \ \{2(B+2a_x)a_x+2(A\times a_x)\} \\ &+ f_t \ \{4C_x(2d_d+B)]/\gamma_b \ (13) \\ &f_{cv0} &= \ 0.688 f_c^{0.610} \leq 80 \text{N/mm}^2 \\ &f_t &= 0.269 f_c^{-2/3} \leq 80 \text{N/mm}^2 \\ &C_x &= C'_d \cdot f_{vd}/f_v \end{split}$$

走行荷重, すなわち輪荷重が走行することによっ て発生する貫通ひび割れを考慮した RC 床版の引張主 鉄筋が降伏する荷重付近の押抜きせん断耐荷力を式 (13)より算出した結果を**表**-3に示す. この場合の設 計活荷重と走行荷重によるひび割れ幅を考慮した押 抜きせん断耐荷力  $V_{\mu\nu}$ を比較すると,道示II規定の動 的影響を考慮した  $K_{\nu} = 20$ %が 1.91 倍,  $K_{\nu} = 30$ %, 40 %の場合は, それぞれ 1.86, 1.80 倍となった. 静 的押抜きせん断耐荷力と比較すると,走行荷重の場 合が道示Ⅱ規定の動的影響を考慮した K<sub>v</sub> = 20%, K<sub>v</sub> = 30%で0.86倍, K<sub>v</sub> = 40%の場合で0.89倍となり, 平均で約13%の低下がみられる.

#### 4. まとめ

- ①道示Ⅱの規定による活荷重曲げモーメントと使用 限界状態設計法による抵抗曲げモーメントを比較 すると、道示Ⅱ規定に動的影響を考慮した K<sub>v</sub> = 20 %の場合は1.03 倍, K<sub>v</sub> = 30 %の場合は1.04 倍, K<sub>v</sub> = 40 %の場合は1.07 倍となった.動的影響を示す 段差量が大きくなる場合は,鉄筋量の割増しの他 に、床版厚の検討も必要となる.また、終局状態 における曲げ耐力の場合は使用鉄筋量 A<sub>v</sub>が支配的 となるので、鉄筋量を多くすることにより終局曲 げ耐力も向上した.
- ②面外せん断力の照査については、押抜きせん断耐荷力に土木学会式、道示III、文献 6)に示す実験式を基に算出した.土木学会式は、床版支間と辺長を1:1とした場合は設計荷重の6~7倍の押抜きせん断耐荷力となる.そこで、鉄筋量を幅1m当たりとして算出したが、その場合も設計活荷重の3.8~3.9倍となる.また、道示IIIの場合は2.0~2.3倍、文献 6)の場合は2.0~2.3倍となり、道示IIIと文献 6)の場合は2.0~2.3倍となり、道示IIIと文献 6)の押抜きせん断耐荷力は近似した結果が得られた.文献 9)は走行荷重による貫通ひび割れ幅を考慮した押抜きせん断耐荷力であり、設計荷重に対しては1.80~1.91倍となった.

#### 参考文献

- 1) 日本道路橋会:道路橋示方書·同解説Ⅰ,Ⅱ,Ⅲ,2002.
- 鋼・合成構造標準示方書総則編・構造計画編・設計編,土 木学会,2007.
- 3) (社)土木学会性能照査設計分科会:道路橋床版の性能照査型 設計, pp. 65-93 (2004)
- 4) 阿部忠,木田哲量,星埜正明,加藤清志,徐銘謙:走行振動 荷重を受ける RC はり・床版の耐力および動的影響に関する 実験研究,土木学会論文集,No. 808/I-74, pp. 33-45(2006)
- 5) 土木学会:コンクリート標準示方書(構造性能照査編),土 木学会,(2002)
- 6)阿部忠,木田哲量,徐 銘謙,澤野利章:道路橋 RC 床版の 押抜きせん断耐荷力評価式に関する研究,構造工学論文集(日本学術会議・土木学会), Vol. 53A, pp. 199-207(2007)
- 7) 加藤清志, 河合糺茲, 加藤直樹:鉄筋コンクリート工学, 1999
- 8) 岡村 甫:コンクリート構造の限界状態設計法,コンクリートセミナー4,共立出版, pp. 17-18, 1979.
- 9)阿部忠,木田哲量,徐銘謙,澤野利章:限界状態設計法を適用した走行荷重が作用する RC 床版の押抜きせん断耐荷力, 第 56 回理論応用力学講演会 pp. 373-374