日本大学生産工(院) 〇宮田 純弥 日大生産工 綱島 均

# 1. 緒言

車両などの輸送機械の姿勢制御を行うためにはそれ らの状態量を知ることが必要となる.それらの計測は 様々なセンサにより行われている. しかし、センサに よっては車両に搭載することが空間やコストの制約で 困難な場合がある.このような場合は、車両の状態量 を加速度情報などから推定することが有効である.中 でも IMM (Interacting Multiple Model)法<sup>(1)</sup>などの複数 のモデルを用い推定を行うマルチモデル推定法が複雑 な運動をする対象の推定に有効であるとされる. IMM 法とは、まず複数のモデルを用意し、それらの システムモード間の遷移をあらかじめ遷移確率として 定め、それぞれのモードに対応する推定値から、推定 を行う手法である.この手法は、状態量の推定に限ら ず、センサ系の故障診断などに応用した例が報告(2)さ れ汎用性が高い推定法である.しかし,用意すべきモ デルの数量やモード間の遷移確率などの決定には明確 な根拠の存在があるものは少ない. それは、未知の状 態量を推定するという本質から考えると当然ではある が,あらかじめIMM法の効率よいモデリングの手法 を検討することは有意義であると考える.

そこで本研究では、タイヤ・路面間の摩擦係数(以下,路面摩擦係数)の複数のモードをモデルとし、車両の状態推定と同時に路面摩擦係数の推定を行う IMM(Interacting Multiple Model)法を構築する.その 構築したモデルを用いモードのモデル数を変化させ推 定値にどのような影響を与えるか検証し効率よいモデ リングに関する検討を行う.



Fig.1 Vehicle model

### 2. 車両の運動モデル

#### 2.1 車両モデル

車両モデルは図1のような平面2輪モデルとした.車両の前後輪には白色ノイズとみなせる横方向の外乱 $q_f$ ,  $q_r$ が入ると仮定し,そのときの車両の運動方程式は次のようになる.

$$mV(\dot{\boldsymbol{b}}+\boldsymbol{g}) = 2F_f + 2F_r \tag{1}$$

$$I\dot{g} = 2l_f F_f - 2l_r F_r \tag{2}$$

## 2.2 タイヤモデル

タイヤは非線形タイヤモデルとし,以下のように仮 定した<sup>(3)</sup>.

$$F_f = -C_f \frac{m}{K_f} \tan^{-1} \left( \frac{K_f}{m} b_f \right) + q_f$$
(3)

$$F_r = -C_r \frac{\mathbf{m}}{K} \tan^{-1} \left( \frac{K_r}{m} \mathbf{b}_r \right) + q_r \tag{4}$$

$$\mathbf{b}_{c} = \mathbf{b} + l_{c}\mathbf{g}/V - \mathbf{d} \tag{5}$$

$$b_r = b - l_r g / V \tag{6}$$

ここで、bは車体の横滑り角、gはヨーレート、 $b_f$ , $b_r$ は前後輪の横滑り角、 $C_f$ , $C_r$ は前後輪コーナリングパ ワー、 $K_f$ , $K_r$ は係数、mは路面摩擦係数、dは前輪実 舵角、Vは車両速度、mは車両質量、Iは重心回りの慣 性モーメントである.このタイヤモデルの特性は図2のようになる.



**Effectiveness of State Estimation Using Interacting Multiple Model Aproach** Junya MIYATA, Hitoshi TSUNASHIMA

#### 3. 拡張カルマンフィルタ(EKF)の設計

式(1),(2)を離散時間 ∆t で離散化し,前後輪車軸中 央での横加速度を観測するときのシステムは次式で表 現できる.

$$x_{t+1} = f_t(x_t) + Gw_t$$
 (7)

$$y_t = h_t(x_t) + v_t \tag{8}$$

ここで

$$f_{t} = \begin{vmatrix} b_{t} + \frac{2}{mV} F_{ft} \Delta t + \frac{2}{mV} F_{rt} \Delta t - g_{t} \Delta t \\ l_{t} + \frac{2l_{f}}{L} F_{ft} \Delta t - \frac{2l_{r}}{L} F_{rt} \Delta t \end{vmatrix}$$
(9)

$$h = \begin{bmatrix} 2\left(\frac{1}{m} + \frac{l_{f}^{2}}{I}\right)F_{ft} + 2\left(\frac{1}{m} - \frac{l_{f}l_{r}}{I}\right)F_{rt} \end{bmatrix}$$
(10)

$$h_{t} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 2\left(\frac{1}{m} - \frac{l_{f}l_{r}}{I}\right)F_{ft} + 2\left(\frac{1}{m} + \frac{l_{r}^{2}}{I}\right)F_{rt} \end{bmatrix}$$
(10)

$$\begin{aligned} x_{t} &= \begin{bmatrix} \boldsymbol{b}_{t} & \boldsymbol{g}_{t} \end{bmatrix}^{T} \\ w_{t} &= \begin{bmatrix} \boldsymbol{q}_{ft} & \boldsymbol{q}_{rt} \end{bmatrix}^{T} & \boldsymbol{G} = \begin{bmatrix} \frac{\Delta t}{mV} & \frac{\Delta t}{mV} \\ \frac{l_{f}\Delta t}{I} & \frac{l_{r}\Delta t}{I} \end{bmatrix} \end{aligned}$$
(11)  
$$v_{t} &= \begin{bmatrix} v_{ft} & v_{rt} \end{bmatrix}^{T}$$

とする.このとき,次のEKFのアルゴリズム<sup>(4)</sup>を得る. (フィルタ方程式)

$$\hat{x}_{t+1/t} = f_t(\hat{x}_{t/t})$$
(12)

$$\hat{x}_{t/t} = \hat{x}_{t/t-1} + K_t \left( y_t - h_t (\hat{x}_{t/t-1}) \right)$$
(13)  
(カルマンゲイン)

$$K_{t} = P_{t/t-1} \hat{H}_{t}^{T} \left( \hat{H}_{t} P_{t/t-1} \hat{H}_{t}^{T} + R \right)$$
(14)

(共分散方程式)

$$P_{t+1/t} = \hat{F}_t P_{t/t} \hat{F}_t^T + Q$$
(15)

$$P_{t/t} = P_{t/t-1} - P_{t/t-1} H_t^T \left( \hat{H}_t P_{t/t-1} \hat{H}_t^T + R \right)^{-1} \hat{H}_t P_{t/t-1}$$
(16)

ここで $\hat{x}$ はカルマンフィルタにより計算された推定状態量を示し, $\hat{F}, \hat{H}$ は

$$\hat{F}_{t} = \left(\frac{\partial f_{t}(x_{t})}{\partial x_{t}}\right)_{x_{t}=\hat{x}_{t}}, \hat{H}_{t} = \left(\frac{\partial h_{t}(x_{t})}{\partial x_{t}}\right)_{x_{t}=\hat{x}_{t}}$$
(17)

で定義される行列である. また, システムノイズ $w_t$ , 観測ノイズ $v_t$ は平均値0, 共分散がQ, Rのガウス白 色雑音とする.

## 4. IMM 法による推定

IMMのアルゴリズムを図3に示す. 横すべり角の推定には,前後の車軸中央における横加速度を計測したとし, EKFを設計し推定行った. システムモードは路面摩擦係数の違いによりm個のモードを考える. モード間の遷移確率を表す遷移行列 $p_{ij}$ の(i,j)要素はモード $i \rightarrow j$ の遷移確率を表すとする.

### 4.1 ミキシング

時刻 $t(t=0, 1, 2, \dots)$ のときのモード $i(i=1, \dots, m)$ におけるEKFによる推定値を $\hat{x}_{i}^{i}$ , 推定共分散行列を $p^{i}$ ,とする.このとき,混合推定値 $\hat{x}_{i}^{0}$ ,混合推定共分散行列 $p^{0j}$ ,は次式となる.

$$\hat{x}^{0_{t-1}} = \sum_{i=1}^{m} \hat{x}^{i}_{t-1} \mathbf{r}_{i|jt-1} \quad j = 1, ..., m$$
(18)

$$P^{0j}_{t-1} = \sum_{i=1}^{m} \boldsymbol{\Gamma}_{i|jt-1} \left\{ P^{i}_{t-1} + \left[ \hat{x}^{i}_{t-1} - \hat{x}^{0j}_{t-1} \right] \left[ \hat{x}^{i}_{t-1} - \hat{x}^{0j}_{t-1} \right]^{T} \right\}$$
(19)

ただし $\mathbf{r}_{iji}$ は時刻tの混合確率であり次式で表される.

$$\mathbf{r}_{i|j_{l-1}} = \frac{1}{\overline{c}_{j}} p_{ij} \mathbf{r}_{i_{l-1}} \qquad i, j = 1, ..., m$$
(20)

$$\overline{c}_{j} = \sum_{i=1}^{m} p_{ij} r_{it-1}$$
  $j = 1, ..., m$  (21)

#### 4.2 モード生起確率の計算

モード j ( j = 1,..., m) における観測推定値は

$$\hat{y}^{j}{}_{t} = h_{t} \left( \hat{x}^{0}{}_{t}^{j} \right) \tag{22}$$

となり、そのときの観測推定値の誤差共分散行列を $S^{j}_{\iota}$ とするとそのとき、尤度関数は

$$\Lambda_{jt} = \left| 2pS^{j}_{t} \right|^{\frac{1}{2}} \exp\left\{ -\frac{1}{2} \left( y_{t} - \hat{y}^{j}_{t} \right)^{t} S^{j^{-1}} \left( y_{t} - \hat{y}^{j}_{t} \right) \right\}$$
(23)

となる. したがって, 時刻tにおけるモードjの生起 確率は

$$\boldsymbol{r}_{jt} = \frac{\Lambda_{jt}\overline{c}_j}{\sum_{i=1}^m \Lambda_{it}\overline{c}_i}$$
(24)

となる.

ここで求めた生起確率はノイズなどにより振動的と なることから,推定精度の向上を図るために生起確率  $\boldsymbol{r}_{ji}$ に対して時間窓を設け,時間窓内での平均値を算 出し生起確率の平滑化を行う.



Fig.3 IMM algorithm

#### 4.3 推定

各モードにおける状態推定値 $\hat{x}^i$ ,および観測推定値 $\hat{y}^i$ ,に生起確率で重みをつけ、最終的に時刻tにおける状態推定値 $\hat{x}_i$ ,観測推定値 $\hat{y}_i$ が次式により得られる.

$$\hat{x}_{t} = \sum_{\substack{j=1\\m}}^{m} \hat{x}_{t}^{j} r_{jt}$$
(25)

$$\hat{y}_{t} = \sum_{j=1}^{m} \hat{y}^{j}{}_{t} \boldsymbol{r}_{jt}$$
(26)

また,各モードの路面摩擦係数 m<sup>i</sup>に,生起確率で重 みをつけることで時刻 tにおける路面摩擦係数の推定 値 â,が次式により得られる.

$$\hat{m}_{t} = \sum_{j=1}^{m} m^{j} r_{jt}$$
(27)

## 5. シミュレーション

この方法ではあらかじめ複数個のモデルを用意す る.モデルの数は推定精度に大きく影響する可能性が ある.そこでモデル数により推定精度がどのように変 化するか,車両の走行シミュレーションにより検証し た. 共通の条件は次の通りである. 時速80[km]で走行 している車両に対し,前輪実舵角を3[deg]緩やかなス テップ状の入力を与えJ-turnをさせる. サンプリング 周期Δt は0.03[s]として、タイヤには共分散 Q = diag(400,400)のプラントノイズが加わり,観測値 には共分散 R = diag(0.25,0.25)の観測ノイズが生じる とする.J-turn中にµが変化(シミュレーション開始後 0~6秒間はμ=0.8(アスファルト乾燥路面を想定),6 ~12秒間はµ=0.55(アスファルト湿潤路面を想定), 12~18秒間はµ=0.3(アスファルト水膜路面を想 定))する.また,各モードの推定状態量,推定共分 散行列, 生起確率の初期値を $\hat{x}_0^i = \begin{bmatrix} 0 & 0 \end{bmatrix}^T$ ,  $P_0^i = I_{2\times 2}$ ,  $r_{i0} = 1/m$  (*i*=1,…,*m*)とする.  $I_{2\times 2}$ を2×2の単位 行列とする. タイヤモデルの路面摩擦係数μは1.0~ 0.0の値をモデル数に応じて均等に分割したモデルを 設定した.時間窓は0.6[s]とした.シミュレーション で用いた車両諸元を表1に示す.以上でモデル数を3, 7,10の3通りについて検証を行った.遷移確率はモ デル数3では

$$p_{ij} = \begin{bmatrix} 0.55 & 0.35 & 0.10 \\ 0.25 & 0.50 & 0.25 \\ 0.10 & 0.35 & 0.55 \end{bmatrix}$$
(28)

とし、モデル数7,10の遷移行列 $p_{ij}$ の(i,j)要素は j=i (遷移なし)では0.5, $j=i\pm1$ では0.2とし、それ 以外は0.1/(m-3)とした。ただし(1,2),(m, m-1)要素 は0.3とする。以上の条件でシュミレーションを行い、 モデル数ごとに横滑り角の真値と推定値,前輪車軸中 央部の横加速度の計測値と推定値,路面摩擦係数の真 値と推定値、モード生起確率の順で図に示した。図4 にモデル数3の結果を示す。モデル数が少ない場合は、 精度のよい状態推定が行われていないことがわかる。

#### Table1 Vehicle parameters

Symbol	Value	Unit
т	1562	kg
Ι	2630	kgm <sup>2</sup>
$l_f$	1.104	m
l r	1. 42	m
$C_f$	42000	N/rad
<i>C</i> <sub><i>r</i></sub>	64000	N/rad
V	80	km/h



Fig.4 Simulation results (3 models)

しかし、生起確率に変動が生じているため、路面摩擦 係数に変化が生じたことを検知することが可能であ る.次にモデル数7の結果を図5に示す.低いµの場 合には横滑り角の推定精度が悪いことがわかる.一 方,路面摩擦係数の推定は良好に行われていることが わかる.図6にモデル数10の結果を示す.この場合は、 車両の状態推定も路面の状態推定も良好に行われてい ることがわかる.

# 6. 結言

モデル数を変えてシミュレーションを行い,モデル 数の推定値に与える影響について検討を行った.その 結果,車両の状態推定はモデル数に影響されることが わかった.路面摩擦係数の推定は状態が変化したこと を検知するためにはモデル数が少なくても可能である

Estimate 0.02 Side slip angle [rad] -0.02 -0.04 -0.06 -0.08 12 Time[s] Mea Lateral acceleration[m/s] Filtered 5 4 0 12 18 Time[s] Estimated
 True Friction coefficient 0.8 0.6 0.4 0.2 0 0 12 18 Time[s] =0. 7142) =0. 5714) Mode probability 0. 0. Time[s]

Fig.5 Simulation results (7 models)

ことがわかった.今後はモデル数以外に遷移確率等が が推定結果に及ぼす影響を検討し, IMMの汎用性を 高めていく予定である.

# 参考文献

- 山口裕之ほか、「車体横すべり角推定法の開発」、 日本機械学会論文集(C編)、67巻659号、(2001)
- 2)橋本雅文,川嶋洋之,大場史憲,「マルチモデル法 に基づく移動ロボットの内界センサ系の故障診 断」,日本機械学会論文集(C編),69巻677号,(2003)
- 3) 永井ほか,「非線形領域における車両横滑り角の推定に関する研究」,日本機械学会第5回交通・物流部門大会講演論文集,No.96-51,(1996)
- 4) 片山徹,応用カルマンフィルタ,(2000),朝倉書店



Fig.6 Simulation results (10 models)